## ÖZET

## LİNEER OLMAYAN KISMİ TÜREVLİ DİFERANSİYEL DENKLEMLER: TAM VE YAKLAŞIK ÇÖZÜMLER

DOĞAN, Güneş

Niğde Üniversitesi

Fen Bilimleri Enstitüsü

Matematik Anabilim Dalı

Danışman : Yrd. Doç. Dr. Durmuş DAĞHAN

Ocak 2014, 55 sayfa

Bu tez çalışmasında, lineer olmayan Drinfeld-Sokolov denklem sisteminin tam çözümleri  $\left(\frac{G'}{G}\right)$ -açılım metotları ve direkt integrasyon ile elde edilmiştir. Modifiye-Benjamin-Bona-Mahony lineer olmayan kısmi türevli diferansiyel denkleminin tam çözümleri yine  $\left(\frac{G'}{G}\right)$ -açılım metotları, direkt integrasyon ve He'nin varyonel yaklaşımı kullanılarak, nümerik çözümler ise Runge-Kutta metodu kullanılarak elde edilmiştir. Farklı metotlar kullanılarak elde edilen analitik çözümler karşılaştırılmış, analitik çözümün mümkün olmadığı durumda ise ilk defa nümerik çözümlere ulaşılmıştır.

 $Anahtar\ S\"ozc\"ukler: \left(rac{G}{G}
ight)$ -açılım metotları, He'nin varyosyonel yaklaşımı, Nümerik çözüm, Drinfeld-

Sokolov denklem sistemi, Modifiye-Benjamin-Bona-Mahony denklemi

## **SUMMARY**

## NONLINEAR PARTIAL DIFFERENTIAL EQUATIONS: EXACT AND APPROXIMATE SOLUTIONS

DOGAN, Gunes

Nigde University

Graduate School of Natural and Applied Sciences

Department of Mathematics

Supervisor : Assistant Professor. Dr. Durmus DAGHAN

January 2014, 55 pages

In this thesis, the exact solutions of the nonlinear Drinfeld-Sokolov systems of equations are obtained by using the  $\left(\frac{G'}{G}\right)$ -expantion and direct integration methods. The exact solutions of the nonlinear Modified-Benjamin-Bona-Mahony equation are obtained by using the  $\left(\frac{G'}{G}\right)$ -expantion, direct integration and He's variational methods.

Runge Kutta method is used to find the numreical solutions of the Modified-Benjamin-Bona-Mahony equation. The analytic results obtained from different methods are compared. First time, we arrive the new numerical solutions of the Modified-Benjamin-Bona-Mahony equation which dos not have any analytical solution.

**Keywords:**  $\left(\frac{G'}{G}\right)$ -expantions methods, He's variational method, Numerical solutions, Drinfeld-Sokolov system of equations, Modified-Benjamin-Bona-Mahony equation